

الصفحة 1 6	<p>الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العادية 2017 - الموضوع -</p>	<p>المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي</p> <p>المركز الوطني للتقوية والامتحانات والتوجيه</p>
★★	NS 26	

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي (باللغتين العربية والفرنسية)	الشعبة أو المسلك

Instructions au candidat(e)

Important : Le candidat est invité à lire et suivre attentivement ces recommandations.

تعليمات للمترشح(ة)

هام : يتعين على المترشح قراءة هذه التوجيهات بدقة والعمل بها

Le document que vous avez entre les mains est de 5 pages :la première est réservée aux recommandations, les pages 2 et 3 sont réservées au sujet en langue arabe et les pages 4 et 5 au sujet en langue française. Choisissez une des deux langues pour répondre aux questions.

الوثيقة التي بين يديك من 5 صفحات:الأولى منها خاصة بالتوجيهات، والصفحتان 2 و3 للموضوع باللغة العربية،والصفحتان 4 و5 لنفس الموضوع باللغة الفرنسية.اختر إحدى اللغتين للإجابة على الأسئلة.

<ul style="list-style-type: none"> • Il vous est suggéré de répondre aux questions du sujet avec précision et soin ; 	<ul style="list-style-type: none"> • يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
<ul style="list-style-type: none"> • Il vous est autorisé d'utiliser la calculatrice scientifique non programmable ; 	<ul style="list-style-type: none"> • يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
<ul style="list-style-type: none"> • <u>Vous devez justifier les résultats</u> (Par exemple : lors du calcul des limites , lors du calcul des probabilités , ...); 	<ul style="list-style-type: none"> • ينبغي عليك تعليل النتائج (مثلا : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات،...);
<ul style="list-style-type: none"> • Vous pouvez répondre aux exercices selon l'ordre que vous choisissez , mais veuillez numéroter les exercices et les questions tels qu'ils le sont dans le sujet; 	<ul style="list-style-type: none"> • يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره (تختارينه)، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة، الوارد في الموضوع؛
<ul style="list-style-type: none"> • Veillez à la bonne présentation de votre copie et à une écriture lisible; 	<ul style="list-style-type: none"> • ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛
<ul style="list-style-type: none"> • Il est souhaitable que les pages soient numérotées pour faciliter la correction; 	<ul style="list-style-type: none"> • يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتيسير عملية التصحيح؛
<ul style="list-style-type: none"> • L'écriture au stylo rouge est à éviter; 	<ul style="list-style-type: none"> • يتعين تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
<ul style="list-style-type: none"> • Assurez-vous que vous avez traité tous les exercices avant de quitter la salle d'examen. 	<ul style="list-style-type: none"> • تحقق(ي) من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

التمرين الأول: (4.5 نقطة)

نعتبر المتتالية العددية $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ المعرفة بما يلي: $u_0 = 6$ و $u_{n+1} = \frac{1}{5}u_n + \frac{2}{5}$ لكل n من \mathbb{N}

0.5 1.أ. احسب u_1 و u_2

0.75 1.ب. بين بالترجع أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n > \frac{1}{2}$

0.5 1.ج. تحقق أن لكل n من \mathbb{N} : $u_{n+1} - u_n = \frac{4}{5} \left(\frac{1}{2} - u_n \right)$

0.5 1.د. استنتج أن $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ تناقصية وأنها متقاربة.

2. نضع لكل n من \mathbb{N} : $v_n = u_n - \frac{1}{2}$

0.25 1.أ. بين أن $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ متتالية هندسية محددًا أساسها.

0.25 1.ب. احسب حدها الأول v_0

0.75 1.ج. احسب v_n بدلالة n ثم استنتج أن : $u_n = \frac{1}{2} \left(11 \left(\frac{1}{5} \right)^n + 1 \right)$ لكل n من \mathbb{N}

0.25 1.د. احسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

3. نضع $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{n-1}$

0.75 بين أن : $S_n = \frac{55}{8} \left(1 - \left(\frac{1}{5} \right)^n \right) + \frac{n}{2}$

التمرين الثاني: (4 نقط)

يحتوي كيس على تسع كرات غير قابلة للتمييز باللمس تحمل على التوالي الأعداد: 0؛ 0؛ 1؛ 1؛ 1؛ 1؛ 2؛ 2؛ 2؛ 2. نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الكيس .

0.75 1. بين أن عدد حالات السحب الممكنة هو 36

2. ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي مجموع العددين اللذين تحملهما الكرتان المسحوبتان.

0.75 1.أ. بين أن $p(X=2) = \frac{12}{36}$

2.ب. أنقل الجدول جانبه على ورقة تحريرك ثم أتمم ملاء معللا جوابك.

x_i	0	1	2	3	4
$p(X=x_i)$			$\frac{12}{36}$		

2

0.5 1.ج. احسب $E(X)$ الأمل الرياضي للمتغير العشوائي X

التمرين الثالث: (8.5 نقطة)

الجزء الأول:

نعتبر الدالة العددية g للمتغير الحقيقي x المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي : $g(x) = 2 - \frac{2}{x} + \ln x$

1.5 1. احسب $g'(x)$ واستنتج أن g تزايدية على $]0; +\infty[$

1.25 1.أ. احسب $g(1)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة g (حساب النهايتين عند 0 و $+\infty$ غير مطلوب)

1 1.ب. استنتج إشارة الدالة g على كل من المجالين: $]0; 1[$ و $]1; +\infty[$

الجزء الثاني:

نعتبر الدالة العددية f للمتغير الحقيقي x المعرفة على $]0; +\infty[$ بما يلي : $f(x) = x - 1 + (x - 2)\ln x$

1. بين أن $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = +\infty$ 0.75

2. بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ 0.75

3.أ. بين أن لكل x من $]0; +\infty[$: $f'(x) = g(x)$ 0.75

3.ب. احسب $f(1)$ و $f(2)$ و $f\left(\frac{1}{e}\right)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0; +\infty[$ 1.5

3.ج. باستعمال جدول التغيرات حدد صورة المجال $\left[\frac{1}{e}; 2\right]$ بالدالة f 1

التمرين الرابع: (3 نقط)

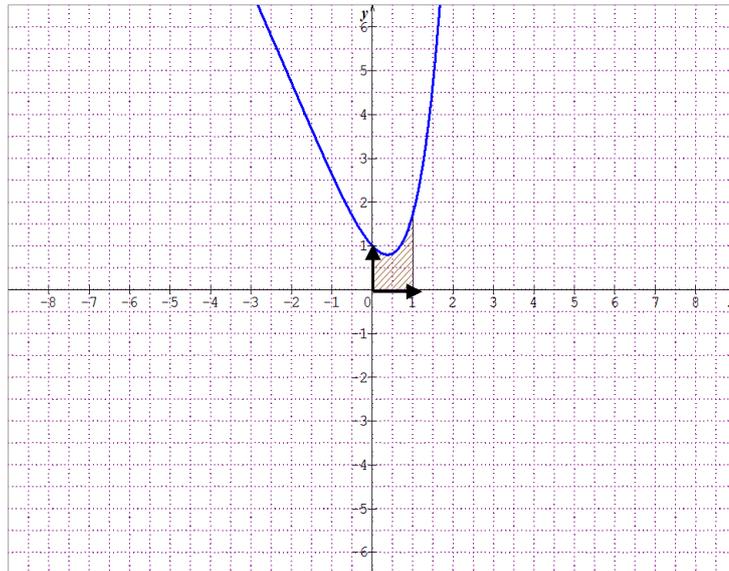
المستوى منسوب إلى معلم متعامد ممنظم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

نعتبر الدالة العددية h للمتغير الحقيقي x المعرفة على IR بما يلي : $h(x) = xe^x - 2x + 1$

1. باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن : $\int_0^1 xe^x dx = 1$ 1.5

2. في الشكل أسفله (C_h) هو التمثيل المبياني للدالة h في المعلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$

احسب مساحة الحيز المخدش. 1.5



Exercice n°1:(4.5pts)